

КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

лекций по курсу «Основы математического моделирования»
6-й семестр, первый поток

Лекция 1. Основные понятия и принципы математического моделирования. Основные этапы метода математического моделирования. Прямые и обратные задачи математического моделирования. Универсальность математических моделей. Принцип аналогий. Иерархия моделей.

Лекция 2. Некоторые классические задачи математической физики. Задача с данными на характеристиках (задача Гурса).

Лекция 3. Некоторые классические задачи математической физики. Общая задача Коши. Функция Римана. Построение функции Римана в случае уравнения с постоянными коэффициентами.

Лекция 4. Некоторые классические задачи математической физики. Задача о промерзании (задача о фазовом переходе, задача Стефана). Метод подобия.

Лекция 5. Некоторые классические задачи математической физики. Динамика сорбции газа. Внешние задачи для уравнения Гельмгольца. Условия излучения Зоммерфельда. Принцип предельного поглощения.

Лекция 6. Математическое моделирование нелинейных объектов и процессов. Принцип предельной амплитуды. Парциальные условия излучения. Излучение волн. Квадрупольный излучатель. Задачи математической теории дифракции.

Лекция 7. Математическое моделирование нелинейных объектов и процессов. Математические модели процессов нелинейной теплопроводности и горения. Краевые задачи для квазилинейного уравнения теплопроводности. Автомодельные решения. Режимы с обострением.

Лекция 8. Методы исследования математических моделей. Математические модели теории нелинейных волн. Метод характеристик. Обобщенное решение. Условие на разрыве. Уравнение Кортевега – де Фриза и законы сохранения. Схема метода обратной задачи. Солитонные решения.

Лекция 9. Методы исследования математических моделей. Вариационные методы решения краевых задач и определения собственных значений. Принцип Дирихле. Задача о собственных значениях.

Лекция 10. Методы исследования математических моделей. Некоторые алгоритмы проекционного метода. Общая схема алгоритмов проекционного метода. Метод Рунге. Метод Галеркина. Обобщенный метод моментов. Метод наименьших квадратов.

Лекция 11. Методы исследования математических моделей. Метод конечных разностей. Основные понятия. Аппроксимация, устойчивость, сходимость. Разностная задача для уравнения теплопроводности на отрезке. Явные и неявные схемы. Метод прогонки, достаточные условия устойчивости.

Лекция 12. Методы исследования математических моделей. Экономичные разностные схемы. Схема переменных направлений. Консервативные однородные разностные схемы. Интегро-интерполяционный метод (метод баланса). Метод конечных элементов. Спектральный анализ разностной задачи Коши.

Лекция 13. Методы исследования математических моделей. Асимптотические методы. Метод малого параметра. Регулярные и сингулярные возмущения.

Лекция 14. Методы исследования математических моделей. Метод ВКБ. Метод усреднения Крылова – Боголюбова.

Лекция 15. Некоторые новые объекты и методы математического моделирования. Фракталы и фрактальные структуры. Фракталы в математике. Размерность самоподобия. Фракталы в природе. Моделирование дендритов. Самоорганизация и образование структур. Синергетика. Диссипативные структуры. Модель брюсселятора. Вейвлет-анализ.

Основная литература.

1. Самарский А.А., Михайлов А.П. Математическое моделирование. М.: Наука. Физматлит, 1997.
2. Тарасевич Н.Н. Математическое и компьютерное моделирование. Вводный курс. М.: Эдиториал УРСС, 2001
3. Введение в математическое моделирование. Под редакцией Трусова П.В. М.: Логос, 2004.
4. Тихонов А.Н., Самарский А.А. Уравнения математической физики. М.: Изд-во Моск. ун-та, 1999.
5. Свешников А.Г., Боголюбов А.Н., Кравцов В.В. Лекции по математической физике. М.: Изд-во МГУ; Наука, 2004.
6. Васильева А.Б., Бутузов В.Ф. Асимптотические методы в теории сингулярных возмущений. М.: Высшая школа, 1990.

Дополнительная литература.

1. Габов С.А. Введение в теорию нелинейных волн. М.: Изд-во Моск. ун-та, 1992.
2. Марчук Г.И., Агошков В.И. Введение в проекционно-сеточные методы. М.: Наука, 1981.
3. Калиткин Н.Н. Численные методы. М.: Наука, 1978.
4. Мандельброт Б. Фрактальная геометрия природы. Ижевск: Изд-во РХД, 2002.
5. Николис Г., Пригожин И. Самоорганизация в неравновесных системах. М.: Мир, 1979.
6. Чуи К. Введение в вэйлеты. М.: Мир, 2001.